

- 相対度数や代表値を求められるようにする。
- 度数分布表、ヒストグラムの見方や表し方をおさえよう。
- 近似値について理解する。

# 7 資料の活用

## 要点のまとめ

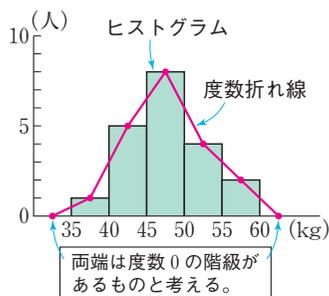
### 1 度数の分布

- **範囲(レンジ)** 資料の最大の値と最小の値の差。
- **度数分布表** 資料をいくつかの区間(階級)に分けて、それぞれの階級に入っている資料の個数(度数)を表した表。
- **階級の幅** 区間の幅。

階級(kg)	度数(人)	相対度数
以上 未満 35~40	1	0.05
40~45	5	0.25
45~50	8	0.40
50~55	4	0.20
55~60	2	0.10
計	20	1.00

階級の幅は  
5 kg

- **ヒストグラム(柱状グラフ)** 度数の分布を、階級の幅を底辺、度数を高さとする長方形で表したグラフ。
- **度数折れ線(度数分布多角形)** ヒストグラムで、1つ1つの長方形の上の辺の中点を結んだもの。



- **相対度数** ある階級の度数の、度数の合計に対する割合。

$$\text{相対度数} = \frac{\text{その階級の度数}}{\text{度数の合計}}$$

### 2 代表値

- **平均値**

- 度数分布表から求める方法

$$\text{平均値} = \frac{\{(階級値) \times (度数)\}の合計}{\text{度数の合計}}$$

- **階級値** 階級の中央の値。35~40kgの階級値は37.5kg。

- 仮の平均(平均に近いと考えられる値)を利用する方法

はじめに、仮の平均を決めて、  
 $\{(階級値 - \text{仮の平均}) \times (度数)\}$ の合計  
 度数の合計  
 を求め、仮の平均に加えて平均値とする。

- **中央値(メジアン)** 資料の値を大きさの順に並べたとき、その中央の値のこと。

**例** 下の値は、15人の握力(kg)の記録である。  
 21.2, 22.3, 22.7, 23.1, 23.2,  
 24.6, 24.7, 24.9, 25.0, 25.3,  
 25.4, 25.8, 26.1, 26.3, 26.9

上の記録の中央値は24.9(kg)

- **最頻値(モード)** 資料の中でもっとも多く現れる数値。または、度数分布表で度数がもっとも大きい階級の階級値。

**例**

階級(kg)	度数(人)
以上 未満 21.0~22.0	1
22.0~23.0	2
23.0~24.0	2
24.0~25.0	3
25.0~26.0	4
26.0~27.0	3
計	15

上の度数分布表でもっとも度数が大きいのは、25.0kg以上26.0kg未満の階級であるから、最頻値は、

$$\frac{25.0 + 26.0}{2} = 25.5 \text{ (kg)}$$

### 3 近似値

- **近似値** 測定などによって得た真の値に近い値。長さや重さなどの測定値は近似値である。
- **誤差** 近似値と真の値との差。
- **有効数字** 近似値の表す数のうち、信頼できる数字。有効数字をはっきりさせるには、整数部分が1けたの小数と10の累乗の積の形で表す。

**例** mmの位まで測定した250mm →  $2.50 \times 10^2$  mm

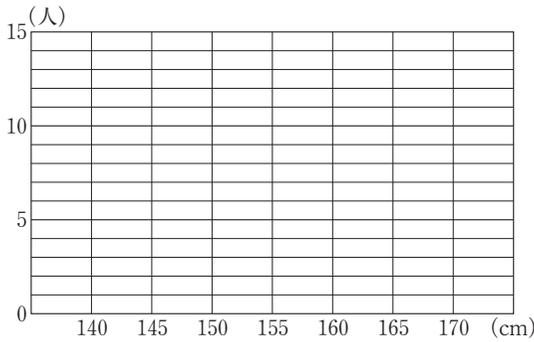
例題

# 25 度数分布表

右の表は、あるクラスの生徒全員の身長（cm）の測定結果を度数分布表にまとめたものである。次の問いに答えなさい。

階級 (cm)	人数 (人)
以上 未満 140~145	4
145~150	7
150~155	11
155~160	9
160~165	6
165~170	3
計	

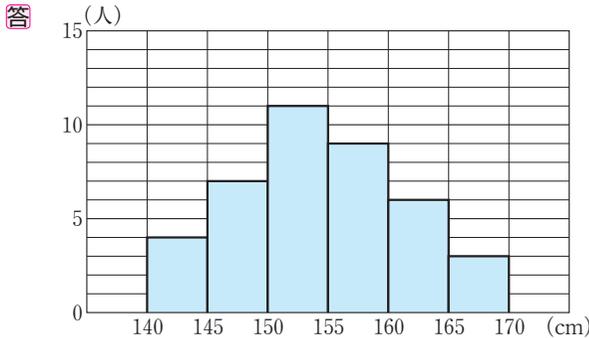
- この度数分布表の階級の幅を求めなさい。
- このクラスの生徒は合計何人ですか。
- 160 cm 以上 165 cm 未満の階級の相対度数を求めなさい。
- 155 cm 以上の生徒は何人ですか。
- 下の図にヒストグラムをかきなさい。



**考え方** 階級値は、階級の中央の値。階級の幅は、区間の幅。

**解き方**

- $145 - 140 = 5$ ,  $150 - 145 = 5$ , ……と 5 cm ごとに区切られている。 **答** 5 cm
- クラスの合計人数は、  
 $4 + 7 + 11 + 9 + 6 + 3 = 40$  (人) **答** 40人
- 160 cm 以上 165 cm 未満の階級の度数は 6、度数の合計は 40 だから、  
相対度数 =  $\frac{\text{その階級の度数}}{\text{度数の合計}} = \frac{6}{40} = 0.15$  **答** 0.15
- 155 cm 以上の生徒は、  
 $9 + 6 + 3 = 18$  (人) **答** 18人
- 各階級の幅を底辺、度数を高さとする長方形をかく。



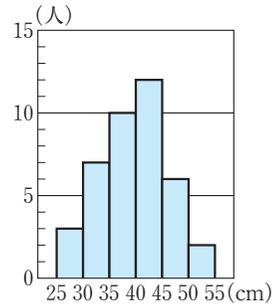
## キーポイント25

▶ 相対度数 =  $\frac{\text{その階級の度数}}{\text{度数の合計}}$

**練習**

下の図は、あるクラス（人）の女子生徒の垂直とびの記録を表したものである。

次の問いに答えなさい。



- このクラスの女子の人数を求めなさい。

[ ]

- 度数がもっとも大きい階級を答えなさい。

[ ]

- 35 cm 以上 40 cm 未満の階級の相対度数を求めなさい。

[ ]

- 各階級の相対度数の和を求めなさい。

[ ]

- 45 cm 未満の女子の人数は全体の何%ですか。

[ ]

例題

# 26 平均値(1)

右の表は、あるクラスの男子生徒20人の垂直とびの記録を、度数分布表に表したものである。

この表から、20人の垂直とびの平均を求めなさい。

階級 (cm)	度数 (人)
以上 未満 35~40	2
40~45	4
45~50	7
50~55	4
55~60	3
計	20

**考え方** 各階級の階級値から、(階級値)×(度数)の合計を求める。

**解き方** (階級値)×(度数)は次のようになる。

階級 (cm)	階級値 (cm)	度数 (人)	(階級値×度数)
以上 未満 35~40	37.5	2	75.0
40~45	42.5	4	170.0
45~50	47.5	7	332.5
50~55	52.5	4	210.0
55~60	57.5	3	172.5
計		20	960.0

階級の中央の値と度数の積は、その階級の値の合計

$$\text{平均値} = \frac{\{(階級値) \times (度数)\} \text{の合計}}{\text{度数の合計}} = \frac{960}{20} = 48 \text{ (cm)}$$

**答** 48cm

## キーポイント26

▶平均値は、  

$$\frac{\{(階級値) \times (度数)\} \text{の合計}}{\text{度数の合計}}$$
 で求める。

**練習**

下の表は、あるクラスの男子生徒20人の身長測定結果をまとめたものである。20人の身長の平均を求めなさい。

階級 (cm)	度数 (人)
以上 未満 145.0~150.0	1
150.0~155.0	3
155.0~160.0	6
160.0~165.0	7
165.0~170.0	3
計	20

[ ]

例題

# 27 平均値(2) 〈仮の平均の利用〉

右の表は、あるクラスの女子生徒20人の垂直とびの記録を、度数分布表に表したものである。

45cm以上50cm未満の階級の階級値を仮の平均として、20人の垂直とびの平均を求めなさい。

階級 (cm)	度数 (人)
以上 未満 30~35	2
35~40	3
40~45	4
45~50	7
50~55	4
計	20

**考え方** 45cm以上50cm未満の階級値47.5cmを仮の平均とする。

$$\text{平均値} = \text{仮の平均} + \frac{\{(階級値 - \text{仮の平均}) \times (度数)\} \text{の合計}}{\text{度数の合計}}$$

**解き方**

階級 (cm)	階級値 (cm)	(階級値 - 仮の平均)	度数 (人)
以上 未満 30~35	32.5	-15	2
35~40	37.5	-10	3
40~45	42.5	-5	4
45~50	47.5	0	7
50~55	52.5	5	4

ある階級をもとにして、計算するとかんたん!



$$47.5 + \frac{(-15) \times 2 + (-10) \times 3 + (-5) \times 4 + 0 \times 7 + 5 \times 4}{20} = 44.5 \text{ (cm)}$$

↑  
 仮の平均 **注目** 仮の平均をどのようにとっても、同じ平均値が得られる。

**答** 44.5cm

## キーポイント27

▶平均値は、仮の平均に  

$$\frac{\{(階級値 - \text{仮の平均}) \times (度数)\} \text{の合計}}{\text{度数の合計}}$$
 を加えて求める。

**練習**

下の表は、あるクラスの男子生徒20人の体重測定結果をまとめたものである。52.5kgを仮の平均として、体重の平均を求めなさい。

階級 (kg)	度数 (人)
以上 未満 40~45	2
45~50	4
50~55	8
55~60	5
60~65	1
計	20

[ ]

例題

# 28 中央値, 最頻値

さいひんち

次の問いに答えなさい。

- (1) 右の資料は、男子の50m走の記録である。この資料の中央値を求めなさい。

8.2	8.0	7.6	9.2	6.8
7.1	9.1	8.5	8.7	7.6
7.0	9.0	8.4	8.5	6.9
7.3				(秒)

- (2) 右の度数分布表は、女子の50m走の記録である。この資料の最頻値を求めなさい。

階級(秒)	度数(人)
以上 未満 6.0~ 7.0	2
7.0~ 8.0	3
8.0~ 9.0	6
9.0~10.0	4
計	15

**考え方** (1) 記録を小さい順に並べかえる。資料が偶数個の場合は、中央の平均が中央値となる。

**解き方** (1) 記録を小さい順に並べかえると次のようになる。

6.8 6.9 7.0 7.1 7.3 7.6  
7.6 8.0 8.2 8.4 8.5 8.5  
8.7 9.0 9.1 9.2

8番目と9番目の値の平均が中央値となるから、

$$\frac{8.0+8.2}{2}=8.1 \text{ (秒)} \quad \text{答 } 8.1\text{秒}$$

- (2) この度数分布表で度数がもっとも大きい階級は、8.0秒以上9.0秒未満だから、最頻値は、

$$\frac{8.0+9.0}{2}=8.5 \text{ (秒)} \quad \text{答 } 8.5\text{秒}$$

階級(秒)	度数(人)
以上 未満 6.0~ 7.0	2
7.0~ 8.0	3
8.0~ 9.0	6
9.0~10.0	4
計	15

## キーポイント28

- ▶ 中央値(メジアン)は、資料の値を大きさの順に並べたとき、その中央の値のこと。
- ▶ 度数分布表での最頻値(モード)は、度数のもっとも大きい階級の階級値である。

### 練習

下の表は、あるクラスの男子生徒の握力の記録である。この記録の中央値を求めなさい。

出席番号	握力(kg)	出席番号	握力(kg)
1	23.8	11	21.3
2	24.4	12	25.0
3	21.0	13	24.1
4	26.3	14	22.3
5	23.2	15	23.5
6	22.8	16	26.5
7	24.9	17	25.4
8	25.7	18	24.7
9	26.8	19	23.1
10	24.3	20	22.4

[ ]

例題

# 29 測定値

次の測定値は、( )内の位まで測定した値である。

(整数部分が1けたの小数)×(10の累乗)の形にして、有効数字をはっきりさせなさい。

- (1) 480mm (1mmの位)  
(2) 650g (10gの位)

**考え方** (2) 10gの位まで測定したのだから、6と5が有効数字。

- 解き方** (1) 4, 8, 0が有効数字。この0を書き忘れないように。 **答**  $4.80 \times 10^2 \text{ mm}$   
(2) 6と5が有効数字。 **答**  $6.5 \times 10^2 \text{ g}$

## キーポイント29

- ▶  $3.50 \times 10^2$  は、3, 5, 0が有効数字であることを表す。

### 練習

次の問いに答えなさい。

- (1) 測定値  $3.4 \times 10^3 \text{ kg}$  は、何の位まで測定したのですか。

[ ]

- (2) 測定値  $1.80 \times 10^2 \text{ cm}$  は、何の位まで測定したのですか。

[ ]

# A 基礎をつくる

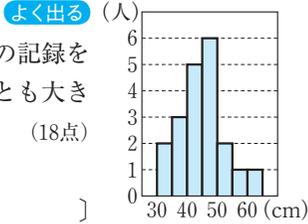
得点

/100

## ナビゲータ

### 1 ヒストグラム

右の図は、ある学級の男子の垂直とびの記録をヒストグラムに表したものである。度数がもっとも大きい階級の相対度数を求めなさい。(18点)



[ ]

### 2 度数分布表, 平均値(1)

あるクラスで、生徒の1日にテレビを見る時間を調査した。

右の表は、その平均を求めようとして途中までつくったものである。生徒が1日にテレビを見る時間の平均を求めなさい。(18点)

テレビを見る時間

階級(分)	度数(人)	階級値(分)	(階級値)×(度数)
以上 未満			
30~ 60	6	45	270
60~ 90	9	75	675
90~120	20	105	2100
120~150	2	135	270
150~180	2		
180~210	1		
計	40		

よく出る

[ ]

### 3 平均値(2)

右の表は、みかん40個の重さを1つ1つ量ってつくった度数分布表である。この表を使って、みかん40個の重さの平均を求めなさい。(18点)

階級(g)	階級値(g)	階級値-102.5(g)	度数(個)
以上 未満			
90~ 95	92.5	-10	2
95~100	97.5	- 5	6
100~105	102.5	0	13
105~110	107.5	5	8
110~115	112.5	10	7
115~120	117.5	15	4
計			40

[ ]

### 4 中央値・最頻値

下の表は、あるクラス21人について、1か月に読んだ本の冊数を調べたものである。次の問いに答えなさい。(各14点)

冊数(冊)	0	1	2	3	4	5	6	7	8	9
人数(人)	2	7	4	3	0	1	2	1	0	1

(1) 中央値を求めなさい。

[ ]

(2) 最頻値を求めなさい。

[ ]

### 5 測定値

384400kmを有効数字4けたとして、整数部分が1けたの小数と10の累乗との積の形で表しなさい。(18点)

よく出る

[ ]

### 1 キーポイント25

まず、もっとも大きい度数を求める。… $a$ とする。

次に、度数の合計を求めらる。… $b$ とする。

$\frac{a}{b}$ の値を小数で表せばよい。

### 2 キーポイント25・26

階級値…階級の中央の値。  
(階級値)×(度数)

を合計した値を、40人の「テレビを見る時間」の合計と考える。

### 3 キーポイント27

仮の平均を102.5gとしてある。この値を利用すると、計算が楽になる。

### 4 キーポイント28

(1) 順に並べたときの11番目の生徒の値。

(2) 度数がもっとも大きい冊数である。

### 5 キーポイント29

3, 8, 4, 4が有効数字。

# B力をのばす

得点

/100

## 1 度数分布表 →例題25

よく出る

右の表は、ある中学校の3年生男子76人の体重を調べ、その結果をまとめたものである。

表の中の階級50kg以上55kg未満の相対度数が0.25のとき、度数 $a$ 、 $b$ を求めなさい。

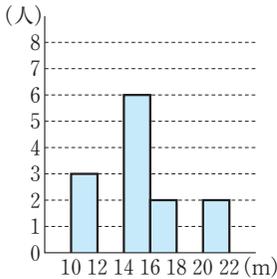
(各10点)

階級(kg)	度数(人)
以上 未満 35~40	3
40~45	8
45~50	16
50~55	$a$
55~60	$b$
60~65	9
65~70	4
70~75	3
合計	76

[  $a$  ] [  $b$  ]

## 2 ヒストグラム、平均値(1) →例題25・26

右の図は、ある中学校の女子20人のハンドボール投げをした結果を、ヒストグラムに表したものであるが、12m以上14m未満、18m以上20m未満の階級については記入されていない。



20人の平均が15.4mのとき、それぞれの人数を求めなさい。

(完答15点)

[ 12m以上14m未満 ]  
[ 18m以上20m未満 ]

## 3 平均値(2) →例題27

よく出る

下の表は、ある店で売られている卵100パックの重さの度数分布表である。

1パックの重さ(g)	度数(パック)	階級値(g)
以上 未満 520~580	30	550
580~640	40	610
640~700	20	670
700~760	10	730
計	100	

1パックの重さの平均を求めなさい。(15点)

[ ]

## 4 近似値 →例題29

次の問いに答えなさい。(各10点)

- (1) 高度0kmの気圧を測定し、1hPa未満を四捨五入して測定値1013hPaを得た。真の値 $a$ の範囲を不等号を使って表しなさい。

[ ]

- (2) 太陽の赤道半径は約696000kmである。これを四捨五入して、10の累乗と有効数字2けたで表しなさい。

[ ]

# C自信をつける

## 5 平均値、最頻値 →例題28

さいひんち

下の表は、ある県の8月の平均気温の記録15年間分を度数分布表にまとめたものである。次の問いに答えなさい。(各15点)

階級(°C)	度数(年)	階級値×度数
以上 未満 24~25	1	24.5
25~26	1	25.5
26~27		79.5
27~28		110
28~29		142.5
29~30	1	29.5
計	15	411.5

- (1) 平均値を求めなさい。ただし、答えは四捨五入して小数第1位まで求めること。

[ ]

- (2) 最頻値を求めなさい。

[ ]

# 14 確率

## 学習のポイント

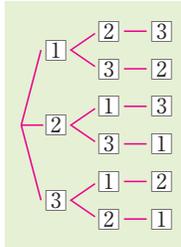
- 樹形図や表をかいて、場合の数を求めなく求めることができるようにする。
- 起こりうる場合をかき出して数え、確率を求められるようにする。

## 要点のまとめ

### 1 場合の数

● **樹形図** 起こりうるすべての場合を、枝分かれするように、かき表した図。

例 ①, ②, ③の3枚のカードをならべるとき、起こりうるすべての場合を樹形図にかき表すと、右のようになる。



● **ならべ方** 数字をならべて整数をつくるするときのように、順序[A, B]と[B, A]を別べつに数える場合。

● **組み合わせ方** 5人の中から2人を選ぶときの組み合わせのように、順序は考えないで、{A, B}は1通りとして数える場合。

例 4チームのサッカーの試合の組み合わせ



	A	B	C	D
A		○	○	○
B			○	○
C				○
D				

### 2 確率

● **確率** あることがら起こると期待される割合。

● **確率の求め方**

起こりうるすべての場合が  $n$  通りあり、どれが起こることも同様に確からしいとする。

このうち、Aの起こる場合が  $a$  通りあるとき、その確率  $p$  は、

$$A \text{ の起こる確率 } p = \frac{a}{n} \left( \begin{array}{l} \leftarrow A \text{ の起こる場合の数} \\ \leftarrow \text{すべての場合の数} \end{array} \right)$$

例 ①, ②, ③の3枚のカードをならべて、3けたの整数をつくる。その数が200以上になる確率は、200以上になる数が213, 231, 312, 321の4通りだから、

$$\text{求める確率は、} p = \frac{4}{6} = \frac{2}{3}$$

● **確率の性質**…Aの起こる確率の範囲は、

$$0 \leq p \leq 1$$

$p=0$  … Aの決して起こらない確率

$p=1$  … Aのかならず起こる確率

## 例題

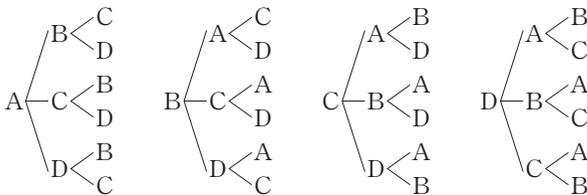
### 57 場合の数 〈ならべ方〉

A, B, C, Dの4人の中から3人を選んで、リレーの走る順序を決めるとき、走る順序は何通りあるか求めなさい。

**考え方** 樹形図に表すとわかりやすい。

- 解き方**
- ・ 1番目がAの場合、2番目は、B, C, Dのうちの1人。
  - ・ 2番目をBとすると、3番目は、CかD。
  - ・ 2番目をCとすると、3番目は、BかD。
  - ・ 2番目をDとすると、3番目は、BかC。

同様に、1番目がB, C, Dの場合を考える。走る順序は、



の24通りある。

答 24通り

## キーポイント57

▶ [A, B]と[B, A]のならべ方を区別して数える。

## 練習

A, B, C, Dの4枚のカードを横一列にならべるとき、カードのならべ方は、全部で何通りあるか求めなさい。

[ ]





1

樹形図の利用 →例題57

次の問いに答えなさい。(各11点)

(1) 0, 1, 2, 3の数字を書いたカードが1枚ずつある。この4枚のカードから2枚のカードを取り出してならべるとき、つくることのできる2けたの整数は全部で何通りありますか。(兵庫)

[ ]

(2) 5人の生徒が、校舎を背景に横一列にならんで記念撮影をする。5人のうち、AさんとBさんは必ず両端にならぶものとする。このとき、5人のならび方は全部で何通りありますか。

(広島)

[ ]

2

表の利用 →例題59

よく出る

次の問いに答えなさい。(各11点)

(1) 大小2つのさいころを同時に投げるとき、出る目の数の積が6の倍数になる確率を求めなさい。(北海道)

[ ]

(2) 1から6までの目がある2つのさいころA, Bを同時に投げ、さいころAの出た目を $a$ 、さいころBの出た目を $b$ とする。このとき、 $a-3$ と $b-4$ の積 $(a-3)(b-4)$ が正の数となる確率を求めなさい。(福島)

[ ]

3

樹形図の利用

よく出る

3枚の硬貨を同時に投げるとき、それぞれの硬貨について、表が出れば2点、裏が出れば1点とし、3枚の硬貨の点数の合計を得点とする。3枚の硬貨を同時に投げるとき、得点が5点となる確率を求めなさい。(11点) (愛媛)

[ ]

4

樹形図の利用 →例題60

よく出る

次の問いに答えなさい。(各11点)

(1) 袋の中に、白球2個と赤球3個が入っている。この袋の中から、同時に2個の球を取り出すとき、2個とも白球である確率を求めなさい。

(香川)

[ ]

(2) 5本のうち2本の当たりくじが入っているくじを、まずAが1本ひき、続いてBが1本ひく。ひいたくじはもどさないとして、AがはずれてBが当たる確率を求めなさい。(富山)

[ ]

5

樹形図の利用

袋の中に1から5までの数字が1つずつ書かれた5個の玉が入っている。この袋の中から玉を同時に2個取り出すとき、取り出した2個の玉に書かれた数の積が、袋の中に残った3個の玉に書かれた数の和より大きくなる確率を求めなさい。(11点) (千葉)

[ ]

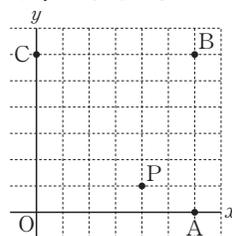
## C自信をつける

6

図形・座標との融合問題

1から6までの目が出る大小2つのさいころを同時に投げるとき、大きいさいころの出る目の数を $m$ 、小さいさいころの出る目の数を $n$ とし、 $(m, n)$ を座標とする点をPとする。たとえば、下の図の点Pは、大きいさいころが4の目、小さいさいころが1の目のときを表したものである。

点A, B, Cの座標が、それぞれ $(6, 0)$ ,  $(6, 6)$ ,  $(0, 6)$ であるとき、 $\triangle CAP$ の面積が6となる確率を求めなさい。(12点) (鳥取)



[ ]