

## 連立方程式の利用(2)

**→** 教科書 **P.52~53** 

覚えよう!

#### 1 連立方程式を利用して問題を解く手順

- ① 何を文字で表すかを決める。
- ② 数量の間の関係を見つけて、方程式をつくる。
- ③ つくった方程式を解く。
- ④ 方程式の解が問題に適しているか確かめる。

#### 2 解法のポイント

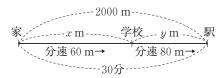
(2) 
$$a$$
 円の $x$  %  $\rightarrow \left(a \times \frac{x}{100}\right)$ 円  
 $a$  円の $x$  %増し $\rightarrow \left(a \times \frac{100 + x}{100}\right)$ 円  
 $a$  円の $x$  %引き $\rightarrow \left(a \times \frac{100 - x}{100}\right)$ 円

● チェック 速さの問題

例題 家から 2000m はなれた駅まで行くのに、学校の前までは分速 60m で歩き、その後、分速 80m で歩いたところ、家を出てから30分後に駅に着いた。家から学校の前まで、学校の前から駅までの道のりをそれぞれ求めなさい。

|| 家から学校の前までの道のりをxm、学校の前から駅までの道のりをymとすると、

$$\begin{cases} x+y=2000 & \leftarrow 家から駅まで2000m \\ \frac{x}{60} + \frac{y}{80} = 30 & \leftarrow 30分後に駅に着く \\ \text{これを解くと、} x=1200, y=800 & \text{これらは問題に適している}. \end{cases}$$



圏 家から学校の前まで1200m、学校の前から駅まで800m

**確認問題1** A町から51kmはなれたB町へ行くのに、はじめは時速30kmのバスで行き、残りを時速4kmで歩□いたため、全体で3時間かかった。バスで行った道のりと、歩いた道のりをそれぞれ求めなさい。

バス[ 」 歩き[ ]

● チェック② 割合の問題

例題 36人のクラスで、男子の75%と女子の40%が運動部に入っていて、その人数の合計は20人である。このクラスの男子、女子それぞれの人数を求めなさい。

x 人の a %を表すとき、 $\frac{a}{100}x$ 人と表せるので、男子の75%は $\frac{75}{100}x$ 人、女子の40%は $\frac{40}{100}y$ 人となる。

$$\begin{cases} x+y=36 & \leftarrow 36人のクラス \\ \frac{75}{100}x+\frac{40}{100}y=20 & \leftarrow 運動部の人数20人 \end{cases}$$

これを解くと、x=16、y=20 これらは問題に適している。

答 男子16人、女子20人

**確認問題2** 小麦粉と砂糖が合わせて850gあった。そのうち、小麦粉の40%と砂糖の20%を使ってクッキーを □作ったところ、使った小麦粉と砂糖は合わせて260gだった。はじめに、小麦粉と砂糖はそれぞれ何gありま したか。

小麦粉[

〕 砂糖〔

)

#### ● チェック3 増減の問題

**例題** ある中学校の去年の生徒数は490人であったが、今年は17人増えた。これを男女別に調べると、去年より、男 子は5%、女子は2%増えている。今年の男子、女子それぞれの生徒数を求めなさい。

右のように表にまとめて、式をつくると、

$$\begin{cases} x + y = 490 & \leftarrow 去年の生徒数 \\ \frac{105}{100}x + \frac{102}{100}y = 490 + 17 & \leftarrow 今年の生徒数 \end{cases}$$

男子 女子 合計 去年の生徒数 490 y(人) 今年の生徒数 105 102 490 + 17 $10\overline{0}^x$  $10\overline{0}^{y}$ (人)

これを解くと、x=240、y=250

今年の男子の生徒数は  $\frac{105}{100} \times 240 = 252$ (人)、女子の生徒数は  $\frac{102}{100} \times 250 = 255$ (人)

これらは問題に適している。

答 今年の男子252人、女子255人

※今年の生徒数の式の代わりに、今年増えた生徒数の関係から、 $\frac{5}{100}x + \frac{2}{100}y = 17$  としてもよい。

**[確認問題3**] あるクラブの去年の人数は50人で、今年は男子が20%減り、逆に女子が20%増えたので、全体で は2人増えたという。今年の男子、女子の人数をそれぞれ求めたい。このとき、次の問に答えなさい。

 $\square$ (1) 去年の男子の人数 $e_x$ 人、女子の人数 $e_y$ 人として、下のような連立方程式をつくった。[ ]にあては まる式を書き、x、yの値を求めなさい。

x) y[ 

□(2) 今年の男子、女子の人数をそれぞれ求めなさい。

男子〔 〕 女子[ 1

### ● チェック4 値引きの問題

|例題| ある衣料品店ではタイムセールを行っており、その時間だと上着は定価の15%引き、Tシャツは定価の5%引 きになる。上着を1着とTシャツを1枚購入したところ、定価どおりだと5200円だったが、タイムセール中だっ たので4540円になった。このとき、上着とTシャツの定価をそれぞれ求めなさい。なお、消費税は考えないもの とする。

タイムセール時は、上着が15%引きで $\frac{100-15}{100}x=\frac{85}{100}x$ (円)、Tシャツが 5 %引きで $\frac{100-5}{100}y=\frac{95}{100}y$ (円)となる。

$$\begin{cases} x + y = 5200 & \leftarrow 定価どおりの合計 \\ \frac{85}{100}x + \frac{95}{100}y = 4540 & \leftarrow タイムセール時の合計 \end{cases}$$

これを解くと、x=4000、y=1200 これらは問題に適している。 答 上着4000円、Tシャツ1200円

確認問題4 あるレストランで、カレーライスを3つとチョコレートアイスを2つ注文した。定価どおりだと合 計金額は3400円になるはずだったが、割引クーポンがあったのでカレーライスは2割引き、チョコレートアイ スは1割引きになり、合計金額は2790円だった。このとき、カレーライスとチョコレートアイスの定価をそれ ぞれ求めなさい。なお、消費税は考えないものとする。

## ☆ 練習問題

その】 、

**学** 単元 8 **1** 文字の値の問題 連立方程式

 $\left\{ egin{aligned} & ax+2by=31 \ 2ax-by=22 \end{aligned}$  の解が、x=5、y=-4 のとき、 a 、 b の値を求めなさい。

a [ ] b [ ]

**単元8** 単元8 ②、3

2 いろいろな問題 次の間に答えなさい。

- (1) 1個150円のりんごと、1個80円のみかんを合わせて12個買ったら、代金の合計は1310円だった。りんご  $e^x$  個、みかん  $e^y$  個買ったとして、次の間に答えなさい。
- ■① 問題にふくまれる数量の関係を表に整理すると、右のようになる。〔〕をうめなさい。

	りんご		み	かん	合	·計
1個の値段(円)	150			80		
個数(個)	x			y	<b>(ア</b>	)
代金(円)	[1	)	〔ウ	)	[エ	)

■② ①の表をもとに連立方程式をつくって解き、りんごとみかんをそれぞれ何個買ったか求めなさい。

りんご〔

] みかん[

- (2) A、B 2 種類のかんづめがある。A 2 個とB 1 個を合わせた重さは420g、A 3 個とB 4 個を合わせた重さは930gであった。A 1 個の重さをxg、B 1 個の重さをygとして、次の問に答えなさい。
- ■① 問題にふくまれる数量の関係をことばの式で表すと、次のようになる。〔 〕をうめなさい。

(A[ア ]個の重さ)+(B1個の重さ)=[**イ** 

) g

(A3個の重さ)+(B[ウ

]個の重さ)=[エ

g

■② ①のことばの式をもとに連立方程式をつくって解き、A1個とB1個の重さをそれぞれ求めなさい。

単元 8 4 **3** 数の問題 2 けたの自然数があり、十の位の数字は一の位の数字の 2 倍である。また、その一の位の数字と十の位の数字を入れかえた数は、はじめの数より36小さい。はじめの数の十の位の数字をx、一の位の数字をyとして、次の問に答えなさい。

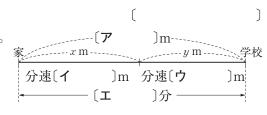
Αſ

■(1) 次のような連立方程式をつくった。〔 〕をうめなさい。

$$\begin{cases} x = (\mathcal{P} & ) \\ (\mathbf{1} & ) = 10x + y - 36 \end{cases}$$

■(2) (1)でつくった連立方程式を解き、はじめの数を求めなさい。

**学** 単元 9 **4** 速さの問題 家を 8 時に出て、1500 m はなれた学校へ向かった。 はじめは分速 80 m で歩き、途中から分速 140 m で走ったところ、 8 時 15 分に学校に着いた。歩いた道のりを x m、走った道のりを y m として、次の問に答えなさい。



) B(

- ■(1) 問題にふくまれる数量の関係を図に表すと、右のようになる。〔 〕をうめなさい。
- □(2) (1)の図をもとに連立方程式をつくって解き、歩いた道のりと走った道のりをそれぞれ求めなさい。

歩いた道のり[

〕走った道のり〔

)

#### 

#### □ 練 問 題

その2

- **1 割合の問題** 2年生男子と女子の生徒数の合計が120人であり、男子生徒の80%、女子生徒の70%が部活動 に所属していて、その合計は91人である。2年生の男子の生徒数をx人、女子の生徒数をy人として、次の問 に答えなさい。
- □(1) 問題にふくまれる数量の関係を表に整理すると、次のようになる。[ 〕をうめなさい。

	男子		7	女子		合計	
生徒数(人)	x			y	(ア		)
部活動に所属して	<b>1</b>	1	ſ <b>₼</b>	1	ſŦ		<u> </u>
いる生徒数(人)	(1	ر		)	(-		ر

□(2) (1)の表をもとに連立方程式をつくって解き、2年生男子と女子の生徒数をそれぞれ求めなさい。

<b>\_</b>	
単元9	
9	

2 増減の問題 ある中学校の昨年度の生徒数は750人であった。今年度は、男子が5%減り、女子が10%増え たので、全体では 2% 増えた。昨年度の男子の生徒数を x 人、女子の生徒数を y 人として、次の問に答えなさ

男子[

〕 女子[

■(1) 問題にふくまれる数量の関係を表に整理すると、次のようになる。〔 〕をうめなさい。

	男子	<u>.</u>	女	子	合言	+
昨年度の生徒数(人)	$\boldsymbol{x}$		y		(ア	)
今年度の生徒数(人)	[1	)	〔ウ	)	750×( <b>I</b>	)

■(2) (1)の表をもとに連立方程式をつくって解き、今年度の男子と女子の生徒数をそれぞれ求めなさい。



- 男子[ 〕 女子[
- 😝 🔹 値引きの問題 ある店で、サッカーボールとサッカーシューズを1組買った。定価どおりだと1組の値段は 9000円だったが、サッカーボールは定価の20%引き、サッカーシューズは定価の15%引きだったので、代金は 7410円になった。サッカーボールの定価を x 円、サッカーシューズの定価を y 円として、次の問に答えなさい。
  - □(1) 次のような連立方程式をつくった。[ ]をうめなさい。

$$\begin{cases} x+y=(\mathcal{P} & )\\ (\mathcal{A} & )+\frac{85}{100}y=(\dot{\mathcal{P}} & ) \end{cases}$$

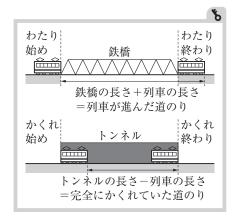
□(2)(1)でつくった連立方程式を解き、サッカーボールとサッカーシューズの定価をそれぞれ求めなさい。

	<b>→ Key</b> プラス その1 …
. 8	¶ 次の間に答えなさい。
	a〔   〕 $a$ 〔   〕 $a$ 〔  〕 $a$ 〔  〕 $a$ 〔  〕 $a$ 〔  〕 $a$ 〔   〕 $a$ 〔   〕 $a$ 〔   〕 $a$ 〔   〕 $a$ 〔   〕 $a$ 〔   〕 $a$ 〔   〕 $a$ 〔   〕 $a$ 〔   〕 $a$ 〔   〕 $a$ 〔   〕 $a$ 〔   〕 $a$ 〔   〕 $a$ 〔   〕 $a$ 〔   〕 $a$ 〔   〕 $a$ 〔   〕 $a$ 〔   〕 $a$ 〔  〕 $a$ 〔   〕 $a$ 〔   〕 $a$ 〔   〕 $a$ 〔   〕 $a$ 〔   〕 $a$ 〔   〕 $a$ 〔 〕 $a$ 〔 〕 $a$ 〔 〕 $a$ 〔  〕 $a$ 〔
8	$a$ $\left(\begin{array}{cccccccccccccccccccccccccccccccccccc$
:8	50円硬貨[ ] 100円硬貨[ ] 3 2 けたの自然数がある。この数は各位の数の和の 4 倍である。また、この数の一の位の数字と十の位の数字 □を入れかえた数は、はじめの数の 2 倍より 9 小さい。はじめの数を求めなさい。
9	4 ある人がA地を出発し、B地との間を往復した。A地から途中にある峠までは全部上り坂で、峠からB地ま□では全部下り坂である。行きも帰りも上りは時速 2 km、下りは時速 4 km で歩いたら、行きは 4 時間、帰りは 3 時間30分かかった。A地から峠までの道のりと、峠からB地までの道のりをそれぞれ求めなさい。
8	A地から峠まで〔 〕 峠からB地まで〔 〕 <b>5</b> 3けたの自然数があり、十の位の数字は5である。百の位の数字と十の位の数字の和は、一の位の数字より □1大きく、また、はじめの数の一の位の数字と百の位の数字を入れかえた数は、はじめの数の2倍より140大きい。はじめの数を求めなさい。
8	〔 〕

ガム[ ] クッキー[ ] ケーキ[ ]

**→** Key プラス ₹の2

¶ ある列車が、370mの鉄橋をわたり始めてからわたり終わるまでに □20秒かかった。また、950mのトンネルを通過するとき、列車がトン ネルの中に完全にかくれていたのは35秒であった。列車の長さと速さ をそれぞれ求めなさい。



長さ[

〕 速さ〔

単元9

**2** Aさんは午前10時に自宅を出発し、自転車で時速 18km で走り、午前10時40分に図書館に着く予定であった。 □しかし、途中、AさんはBさんに出会い、その場で自転車を降りて15分間話をした後、そこからBさんといっしょに時速 4km で図書館まで歩いたため、図書館に着いたのは午前11時30分であった。このとき、Aさんが自転車で走った道のりと歩いた道のりをそれぞれ求めなさい。

自転車[

**単元**9 ② **3** あやなさんは、鉄分が多くとれる主菜を考えた。右の主 □菜150gで鉄分を16.75mgとるには、ほうれん草とレバーを それぞれ何gにすればよいか求めなさい。 〕 歩き〔

<u></u>主菜 ほうれん草と レバーいため

食品名	鉄分の量 (100gあたり)
ほうれん草	2 mg
さんま	1.4mg
かき	1.9mg
レバー	13mg

ほうれん草[

〕 レバー[

**単元** 9 **4**  4 A、B 2 つの商品があり、A 1 個とB 2 個を買った。定価どおりだと、全部の代金は3000円だったが、A は 定価の10%引き、B は定価の20%引きだったので、代金は2560円になった。A、Bのそれぞれの定価を求めな さい。

A( ) B(

知識・技能

# 重要用語と公式の穴うめ問題

11



□□ 次の空らんをうめなさい。

#### 1 連立方程式とその解き方(1)

#### ₩単元5

# 2x+3y=12 のように、 $\cite{P}$ つの文字をふくむ 1 次方程式を 2 元 1 次方程式という。

2つ以上の方程式を組み合わせたものを

という。組み合わせたどの方程式も

成り立たせる文字の値の組を、連立方程式の

ウ といい、解を求めることを、連立方 程式を エ という。

文字xをふくむ2つの方程式から、xをふくまない1 つの方程式をつくることを、xをx するという。また、どちらかの文字の係数の絶対値をそろえ、左辺どうし、右辺どうしを加えたりひいたりし

て、その文字を消去して解く方法を加減法という。

#### **2** 連立方程式とその解き方(2)

₩単元6

連立方程式を解く際、一方の方程式の両辺を何倍かしても係数がそろわないときは、両方の方程式の両辺を それぞれ何倍かして係数のアをそろえる。

一方の式を他方の式に**ウ** することによって文字を消去し、連立方程式を解く方法を代入法という。

かっこがある連立方程式は、 エ
してかっこをはずし、整理してから解く。

#### 3 連立方程式とその解き方(3)

₩単元7

係数に分数や小数をふくむ連立方程式は、1次方程式のときと同様、係数がすべてアになるように変形してから解くとよい。

*A*=*B*=*C* の形の連立方程式は、次のどの組み合わせをつくって解いてもよい。

$$\begin{cases}
A=B \\
A=C
\end{cases}
\begin{cases}
A=B \\
B=C
\end{cases}
\begin{cases}
I \\
B=C
\end{cases}$$

#### 4 連立方程式の利用(1)

₩単元8

〈文字の値を求める問題〉

文字 a、b の値を求める問題では、与えられた解(x、y)の値を連立方程式に代入して、P についての連立方程式として解く。

〈連立方程式を利用して問題を解く手順〉

- ①問題文をよく読み、何を文字で表すか決める。
- ②数量の間の関係を見つけ、方程式をつくる。
- ③つくった方程式を解く。
- (4)方程式の**イ**が問題に適しているか確かめる。

#### 5 連立方程式の利用(2)

₩単元9

《解法のポイント》 (ア )= $\frac{(ingle only)}{(ingle only)}$  a 人のx %  $\rightarrow$   $\boxed{100}$  人 a 円のx % 増し  $\rightarrow$   $(a \times \dot{r})$  )円 a 円のx % 引き  $\rightarrow$   $(a \times \dot{r})$  )円

11

]

]

]

知識・技能

# ↑ 重要パターン問題①

●連立方程式の基本

■ 連立方程式 次の連立方程式を解きなさい。

$$\square(1) \quad \begin{cases} x+y=13 \\ x-y=-5 \end{cases}$$

$$\square(2) \quad \begin{cases} 3x + 2y = -1 \\ x - 2y = 5 \end{cases}$$

$$\square(3) \begin{cases} 5x + y = 7 \\ 3x - 2y = 12 \end{cases}$$

$$\square(4) \begin{cases} x+5y=17 \\ 3x+y=-5 \end{cases}$$

$$\Box(6) \quad \begin{cases} 4x + 7y = 6 \\ 6x + 3y = 4 \end{cases}$$

$$\square(7) \begin{cases} y = x + 3 \\ 2x - y = 1 \end{cases}$$

**2** かっこをふくむ連立方程式 次の連立方程式を解きなさい。

$$\mathbb{Z}$$
 かっこを切くむ選业方程式 
$$\mathbb{Z}(1) \begin{cases} 2(x-y)+y=4\\ 3x-y=5 \end{cases}$$

$$\square(2) \quad \begin{cases} 5x - 4y = -8 \\ 3(x - 4) = y \end{cases}$$

[

**3** 分数をふくむ連立方程式 次の連立方程式を解きなさい。

$$\Box(3) \begin{cases} \frac{x}{3} + \frac{y}{6} = 8\\ \frac{3x}{4} - \frac{y}{8} = 6 \end{cases}$$

 $(1) \begin{cases} \frac{x}{3} + \frac{y}{2} = 1 \\ x - 3y = 12 \end{cases}$ 

$$(2) \quad \begin{cases} 2x + y = -6 \\ \frac{x}{4} - \frac{y}{5} = -4 \end{cases}$$

4 小数をふくむ連立方程式 次の連立方程式を解きなさい。

[

$$\square(2) \quad \begin{cases} y = -2x \\ 0.1x + 0.8y = -6 \end{cases}$$

**5** *A=B=C* の形の連立方程式 次の連立方程式を解きなさい。

$$(1)$$
  $2x+y=5x-2y=6$ 

$$\square(1)$$
  $2x+y=5x-2y=6$   $\square(2)$   $x-3y=x+y-12=16$ 

$$\square$$
(3)  $5x-10y=4x-32=3x-6y$ 

[

den =±h	14 AL
<b>知識</b>	技能

# ■ 重要パターン問題②

●過程の記述問題

11

8

//

□ 求める過程を記述する問題 =

連立方程式の文章題で、解く過程を記述する問題では、 以下のポイントをおさえよう。

- ① 用いる文字が何を表すかを正確に書く。
- ② 問題文中にある等しい関係から、連立方程式をつくる。
- ③ 連立方程式の解を書く。
- ④ 解が問題に適しているかを確認する。

数学では、方程式の文章題に限らず、「筋 道をたてて記述すること」が大切です。 このページ以外の問題でも、自分の考え を分かりやすくノートに記述することを 心がけよう。

■ 次の間に、求める過程も記述して答えなさい。

■ (1) 1本60円の鉛筆と1本80円のボー ころが、鉛筆とボールペンの本数を	- ルペンをそれぞれ何本だ		
た鉛筆とボールペンの本数をそれる	ごれ求めなさい。		
	鉛筆[	〕 ボールペン[	)
■(2) ある中学校の書道部の昨年の部員 女子は10%減ったので、男子は女子			
求めなさい。			
	男子〔	〕女子〔	٦

■(3) Aさんの家とBさんの家との間は1本の道でつながっていて、2km離れている。その途中に図書館があり、図書館で2人はいっしょに勉強することにした。Aさんは午前10時に家を出て分速240mの自転車に乗り、Bさんは午前10時に家を出て分速60mで歩くと、2人は同時に図書館に着いた。Aさんの家から図書館までと、Bさんの家から図書館までの道のりをそれぞれ求めなさい。

A さんの家から図書館まで[

] Bさんの家から図書館まで[

111

思考・判断・表現

# 思考と活用問題

●資料と連立方程式

- □ 資料と連立方程式 ----
- ¶ 右の表は、はやとさんが、ある1週間におけるA市の最高気温をまとめたもので、表の「?」となっている曜日のデータは不明である。7日

曜日	日	月	火	水	木	金	土
最高気温(℃)	?	33	32	29	22	21	;

間の最高気温の平均は27℃で、前半の3日間の平均が後半の4日間の平均よりも7℃高いことがわかっている。 次のはやとさんとさゆりさんの会話文を読んで、下の問に答えなさい。

- はやと 「ぼくらの市の1週間の最高気温を調べてみたよ。」
- さゆり 「日曜日と土曜日は?」
- はやと「調べ忘れてしまったよ。」
- さゆり 「でも、この 7 日間の最高気温の平均は27 $^{\circ}$ で、前半の 3 日間の平均が後半の 4 日間の平均よりも 7  $^{\circ}$  高いことがわかっているわね。」
- はやと 「そのことから」日曜日と土曜日の最高気温がわかるんじゃない?」
- さゆり 「つまり、<sub>2</sub>7日間の最高気温の中央値もわかるね。」
- □(1) 上の下線部1の「日曜日と土曜日の最高気温」を求めなさい。

日曜日[	〕 土曜日〔	)
	, — ,	_

- □(2) 上の下線部2の「7日間の最高気温の中央値」を求めなさい。
- **2** 右の表は、AチームとBチームの野球選手各9人が、1年間に打ったホームランの本数を示したものである。このとき、次の間に答えなさい。
- □(1) Aチームのホームランの本数の中央値を求めなさい。

 $\square$ (2) Bチームのホームランの本数の平均値は20本で、y が x より 6 大きいとき、x 、y の値をそれぞれ求めなさい。なお、平均値は正確な値であり、四捨五入などは されていないものとする。

Ĺ	J			
ホームランの本数(オ				
Aチーム	Bチーム			
14	9			
3	$\boldsymbol{x}$			
29	19			
38	33			
30	31			
18	y			
22	23			
13	6			
2	1			

x ( ) y (

思考・判断・表現	高得点をめざ	より

●連立方程式の利用

)

///

<u>(1)</u> 2	問題 次の問に答えなさい。 けたの自然数がある。この数は、一の位の数 えた数は、はじめの数より18大きい。はじぬ			字を入
	けたの自然数がある。一の位の数字は十の位 た数は、はじめの数の3倍より2小さい。に			〕 と入れ
(1) A	<b>:の問題</b> 次の問に答えなさい。 、B2つの品物を仕入れた。AとBの仕入れ 見込んで定価をつけるとAのほうが200円安。			
を、	は所持金の $\frac{3}{5}$ を、妹は所持金の $\frac{2}{5}$ を出し合妹は残りの所持金の $\frac{1}{3}$ を出し合って320円のか求めなさい。			
□(1) 湖 同	の問題 次の問に答えなさい。 のまわりに 1 周 4 km の道路がある。この道 じところを同時に出発して、反対の方向にま に40分後にはじめて追いつくという。弟と兄	まわると16分後には	じめて出会い、同じ方向にまわると	〕 上、弟
歩くに着	と弟は家を同時に出発し、公園の前を通って。弟が家から公園までを分速 90m、公園から き、弟が家から公園までを分速 40m、公園から き、弟が家から公園までを分速 40m、公園か このとき、家から公園までと、公園から駅ま	駅までを分速 45m ら駅までを分速 75	で歩くと、弟は兄よりも3分おくれ m で歩くと、2人は同時に駅に着ぐ	て駅

家から公園まで[

〕 公園から駅まで〔

思考・判断・表現

# 高得点をめざす問題②

- ●食塩水の問題
- ●連立3元1次方程式

1111

]

#### 1 食塩水の問題

9%の食塩水と4%の食塩水を混ぜて、7%の食塩水を300g作りたい。9%と4%の食塩水をそれぞれ何g混ぜればよいか求めなさい。

という問題の解き方を考えよう。9%の食塩水をxg、4%の食塩水をygとして、数量の関係を考えると、右の表のようになる。この表をもとにして連立方程式をつくると、

$$\begin{cases} x + y = 300 \\ x \times \frac{9}{100} + y \times \frac{4}{100} = 300 \times \frac{7}{100} \end{cases}$$

これを解くと、x=180、y=120これらは問題に適している。

食塩水の濃さ	9 %	4 %	7 %
食塩水の重さ(g)	x	y	300
食塩水にふくまれる 食塩の重さ(g)	$x \times \frac{9}{100}$	$y \times \frac{4}{100}$	$300 \times \frac{7}{100}$

a%の食塩水にふくまれる食塩の重さ $(食塩水の重さ) imes rac{a}{100}$ 

圏 9%の食塩水180g、4%の食塩水120g

**1** 8%の食塩水と 4%の食塩水を混ぜて、 5%の食塩水を 400g作りたい。 8%と 4%の食塩水をそれぞれ何  $\Box$  g 混ぜればよいか求めなさい。

8 %[

] 4 % [

#### ② 連立3元1次方程式

次の連立方程式を解きなさい。

$$\begin{cases} x-y+z=6 & \cdots \\ 3x+y+z=4 & \cdots \\ x+2y-2z=-6 & \cdots \end{cases}$$

という問題の解き方を考えよう。yを消去する場合は

- $(1)+(2) \downarrow 0$ ,  $4x+2z=10\cdots (4)$
- $(2) \times 2 (3)$   $\downarrow$  0  $\downarrow$   $5x + 4z = 14 \cdots (5)$
- ④、⑤を連立方程式として解くと x=2、z=1 この値を①の式に代入すると、2-y+1=6、y=-3

一般に、3つの文字をふくむ1次方程式を**3元1次方程式**といい、そのような方程式を 組み合わせたものを**連立3元1次方程式**という。連立3元1次方程式を解くには、まず、 1つの文字を消去し、2つの文字の連立方程式をつくる。

答 x=2、y=-3、z=1

2 次の連立方程式を解きなさい。

**3** あるプールの入場料は、小学生 2 人と中学生 2 人と大人 1 人では600円、小学生 2 人と中学生 1 人と大人 2 人  $\Box$  では660円、小学生 3 人と中学生 2 人と大人 2 人では870円かかる。小学生 1 人と中学生 1 人と大人 1 人の入場料は、それぞれいくらか求めなさい。

小学生[

〕 中学生〔

〕 大人〔

)

定期テスト対策	標準編	2章 連立方程式	得点
□ 教科書 P.35~56		実施時間のめやす⇨ 15分	/100点
$ 1 $ 次の連立方程式を解きなさい。 $ \Box^{(1)} \begin{cases} 7x - 2y = 17 \\ 3x + 2y = 13 \end{cases} $	$\square(2)  \begin{cases} 5x + 6y = 4 \\ x - 3y = 5 \end{cases}$		(各 8 点)
$m{2}$ 次の連立方程式を解きなさい。 $\Box^{(1)} \begin{cases} 3x-2y=4 \\ 4x-3y=2 \end{cases}$			〕 (各 8 点) 8 =3
「		)	〕 (各 8 点) · 4y=3
「 $x$ の連立方程式の解が、 $x=1$ 、 $ax+by=2$ $2bx+ay=1$	〕 〔 $y=-1$ となるように、 $a$ 、 $b$ の値	うといっている。	〔完答 8 点〕
<b>5</b> パン5個と牛乳2本の代金は4□はそれぞれいくらか求めなさい。	a〔 85円、パン3個と牛乳1本の代金は	〕 b〔 275円である。パン1個、4	〕 牛乳 1 本の値段 (完答10点)
	パン〔 れた駅に行くために、午前7時に家 7時15分に駅に着いた。歩いた道の		

定期テスト対策	Ⅲ 応用編 Ⅲ	2章 連立方程式	得点
		実施時間のめやす☆ 18分	/100点
¶ 図1の平行四辺形と合同な平行! □うな図形をつくる。図2の図形の さは98cmである。このとき、図1			図 1 図 2
		<u>/</u>	<u> </u>
<b>2</b> 兄と弟がお金を出し合って6000月 □所持金は、兄の方が弟より500円多		<u> </u>	
<b>3</b> 6%の食塩水と9%の食塩水を □要か求めなさい。	兄〔 混ぜて、8%の食塩水を600g作る	〕 弟〔 5。このとき、それぞれの食	〕 き塩水は何g必 (完答20点)
<b>4</b> 周囲 5000m の池のまわりを、A □が同時に出発すると、 2 人は20分んでから24分後に出会う。このとき、	後に出会う。また、AがBより 5 欠	<b>予おくれて出発すると、</b> 2人	
<b>5</b> 今年の修学旅行の費用は去年に □合計では20%上がって、24000円と			〕 通費と宿泊費の (20点)

)

[