

# 第4講座 平行と合同

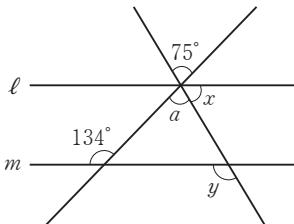
## 要点のまとめ

- 1 対頂角 2つの直線が交わるとき、向かい合っている角を対頂角という。対頂角は等しい。
- 2 平行線の性質 平行な2直線に1つの直線が交わるとき、同位角や錯角は等しい。
- 3 三角形の内角と外角の性質 三角形の外角は、それととなり合わない2つの内角の和に等しい。
- 4 多角形の内角や外角の和  $n$  角形の内角の和は、 $180^\circ \times (n-2)$  である。多角形の外角の和は $360^\circ$ である。
- 5 三角形の合同条件 ① 3組の辺がそれぞれ等しい。 ② 2組の辺とその間の角がそれぞれ等しい。  
③ 1組の辺とその両端の角がそれぞれ等しい。

## チェック① 平行線と角

次の図で、 $\ell \parallel m$  のとき、 $\angle x$ 、 $\angle y$ 、 $\angle z$ の大きさを求めなさい。

(1)



解 (1) 対頂角は等しいから、 $\angle a = 75^\circ$

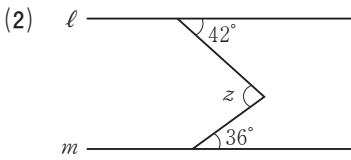
平行線の錯角は等しいから、 $\angle x + \angle a = 134^\circ$

よって、 $\angle x = 134^\circ - 75^\circ = 59^\circ$

平行線の同位角は等しいことから、

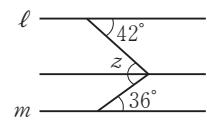
$\angle y = 180^\circ - \angle x = 180^\circ - 59^\circ = 121^\circ$

(2)



(2) 右の図のように、 $\angle z$ の頂点を通り  $\ell$ 、 $m$  に平行な直線をひくと、平行線の錯角は等しいから、

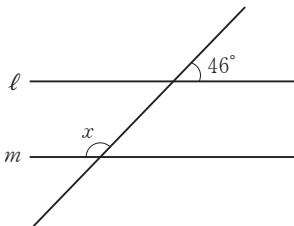
$\angle z = 42^\circ + 36^\circ = 78^\circ$



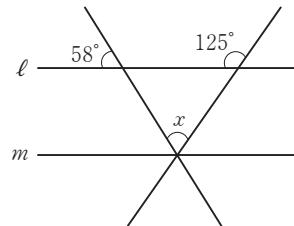
答 (1)  $\angle x = 59^\circ$ 、 $\angle y = 121^\circ$  (2)  $\angle z = 78^\circ$

1 次の図で、 $\ell \parallel m$  のとき、 $\angle x$ の大きさを求めなさい。

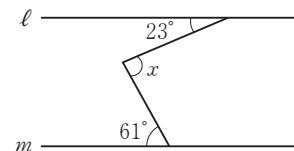
(1)



(2)



(3)



[ ]

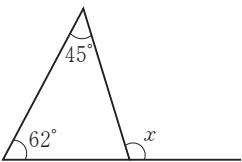
[ ]

[ ]

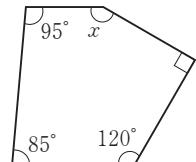
## チェック② 多角形の角

次の図で、 $\angle x$ の大きさを求めなさい。

(1)



(2)



解

(1) 三角形の内角と外角の性質より、

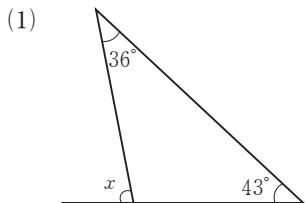
$$\angle x = 45^\circ + 62^\circ = 107^\circ$$

(2) 五角形の内角の和は、 $180^\circ \times (5-2) = 540^\circ$

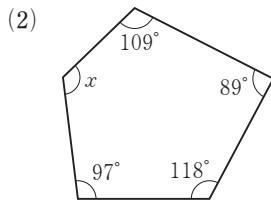
$$\angle x = 540^\circ - (95^\circ + 85^\circ + 120^\circ + 90^\circ) = 150^\circ$$

答 (1)  $107^\circ$  (2)  $150^\circ$

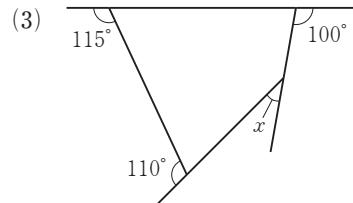
2 次の図で、 $\angle x$  の大きさを求めなさい。



[ ]



[ ]



[ ]

3 正十角形について、次の大きさを答えなさい。

(1) 内角の和

(2) 1つの内角

(3) 外角の和

(4) 1つの外角

[ ]

[ ]

[ ]

[ ]

### チェック③ 三角形の合同と証明

右の図で、四角形 ABCD は  $AD \parallel BC$  の台形である。CD の中点を E, AE の延長と BC の延長との交点を F とすると、 $\triangle ADE \cong \triangle FCE$  であることを証明しなさい。

答  $\triangle ADE$  と  $\triangle FCE$  において、

点 E は CD の中点だから、 $DE = CE$  ..... ①

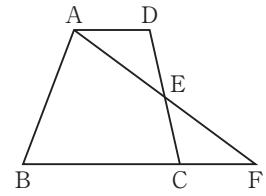
対頂角は等しいから、 $\angle AED = \angle FEC$  ..... ②

$AD \parallel BF$  より、錯角は等しいから、 $\angle ADE = \angle FCE$  ..... ③

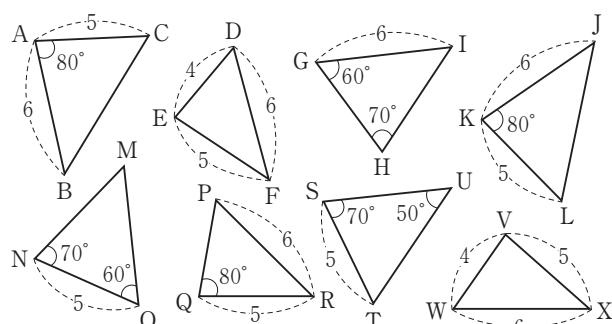
①, ②, ③より、1組の辺とその両端の角がそれぞれ等しいから、 $\leftarrow$  合同条件を書く。

$\triangle ADE \cong \triangle FCE$

$\leftarrow$  結論を書く。



4 合同な三角形を3組みつけ、記号 $\cong$ を使って表しなさい。また、そのときの合同条件を答えなさい。



- |          |          |
|----------|----------|
| △ABC [ ] | △BCD [ ] |
| 合同条件 [ ] |          |
| △BDE [ ] | △CDE [ ] |
| 合同条件 [ ] |          |
| △MNO [ ] | △PQR [ ] |
| 合同条件 [ ] |          |
| △STU [ ] | △VWX [ ] |
| 合同条件 [ ] |          |

5 右の図で、 $AE=BE$ ,  $DE=CE$  ならば、 $\triangle ADE \cong \triangle BCE$  であることを、次の空欄をうめて証明しなさい。

〔証明〕  $\triangle ADE$  と  $\triangle BCE$  において、

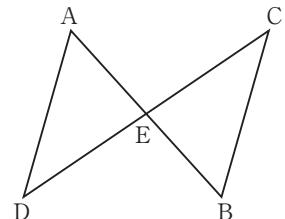
仮定より、 $AE = \underline{\hspace{2cm}}$  ..... ①

$DE = \underline{\hspace{2cm}}$  ..... ②

また、 $\underline{\hspace{2cm}}$  は等しいから、 $\angle AED = \underline{\hspace{2cm}}$  ..... ③

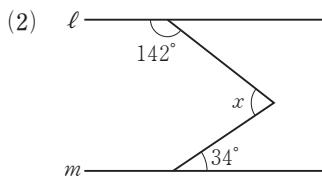
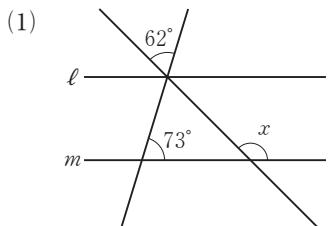
①, ②, ③より、 $\underline{\hspace{2cm}}$  がそれぞれ等しいから、

$\triangle ADE \cong \triangle BCE$



## 練習問題

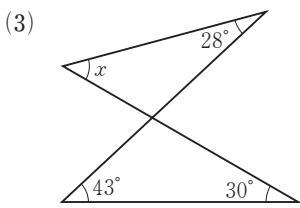
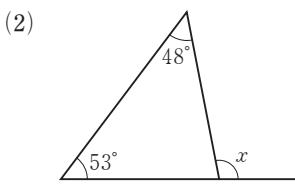
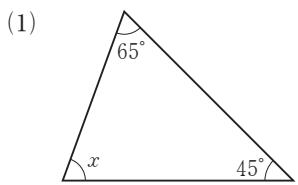
**1 平行線と角** 次の図で、 $\ell \parallel m$  のとき、 $\angle x$  の大きさを求めなさい。



[ ]

[ ]

**2 多角形の角** 次の図で、 $\angle x$  の大きさを求めなさい。

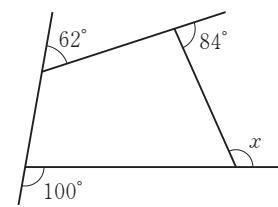
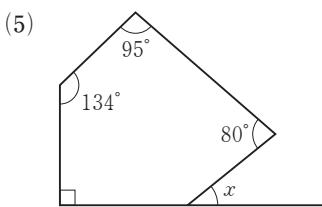
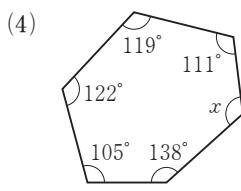


[ ]

[ ]

[ ]

[ ]



[ ]

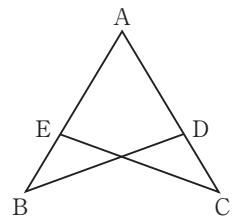
[ ]

[ ]

**3 三角形の合同と証明** 右の図で、 $AB=AC$ 、 $\angle ABD=\angle ACE$  ならば、 $AD=AE$

であることを証明する。

- (1)  $AD=AE$  をいうためには、どの 2 つの三角形が合同であることをいえばよいか。  
記号 $\equiv$ を使って表しなさい。



[ ]

- (2) この証明を完成させなさい。

〔証明〕 \_\_\_\_\_において、

仮定より、\_\_\_\_\_ .....①

\_\_\_\_\_ .....②

共通な角だから、\_\_\_\_\_ .....③

①、②、③より、\_\_\_\_\_ がそれぞれ等しいから、

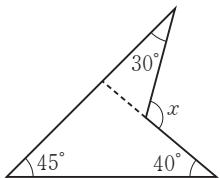
\_\_\_\_\_ 合同な図形の \_\_\_\_\_ は等しいから、

$$AD=AE$$

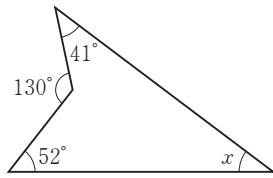
## STEP 問題

1 次の図で、 $\angle x$  の大きさを求めなさい。

(1)



(2)



[ ]

[ ]

2 次のこととを読んで、2つの内角の大きさが下のような三角形は、鋭角三角形、直角三角形、鈍角三角形のどれかを答えなさい。

$0^\circ$ より大きく  $90^\circ$ より小さい角を鋭角、 $90^\circ$ より大きく  $180^\circ$ より小さい角を鈍角という。

また、3つの内角がすべて鋭角である三角形を鋭角三角形、1つの内角が直角である三角形を直角三角形、1つの内角が鈍角である三角形を鈍角三角形という。

(1)  $55^\circ, 35^\circ$

(2)  $65^\circ, 75^\circ$

(3)  $25^\circ, 40^\circ$

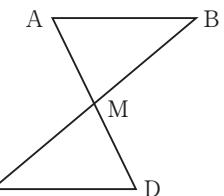
[ ]

[ ]

[ ]

3 右の図で、 $AB \parallel CD$  である。 $AM=DM$  のとき、 $\triangle AMB \equiv \triangle DMC$  であることを証明しなさい。

[ ]



4 右の図のように、正方形 ABCD と正方形 CEFG が、頂点 C を共有して一部が重なった位置にある。このとき、正方形の辺の長さが等しいことや1つの内角が  $90^\circ$  であることを利用して、 $\triangle BCG \equiv \triangle DCE$  となることを証明しなさい。

[ ]

