

問1 次の計算をした結果として正しいものを、それぞれあとの1～4の中から1つ選び、その番号を答えなさい。

(ア) $(-8)+(-6)$

1. -14 2. -2 3. 2 4. 14

(イ) $-\frac{2}{5}+\frac{1}{6}$

1. -1 2. $-\frac{17}{30}$ 3. $-\frac{11}{30}$ 4. $-\frac{7}{30}$

(ウ) $28ab^2 \div 4ab$

1. $7b$ 2. $7ab$ 3. $22b$ 4. $22ab$

(エ) $\frac{12}{\sqrt{2}}-\sqrt{32}$

1. $-\sqrt{2}$ 2. $\sqrt{2}$ 3. $2\sqrt{2}$ 4. $3\sqrt{2}$

(オ) $(x+3)^2-(x-1)(x+6)$

1. $x+3$ 2. $x+15$ 3. $11x+3$ 4. $11x+15$

問2 次の問いに対する答えとして正しいものを、それぞれあとの1～4の中から1つ選び、その番号を答えなさい。

(ア) $(x-4)^2-6(x-4)+8$ を因数分解しなさい。

1. $(x-6)(x-8)$ 2. $(x+6)(x-8)$ 3. $(x-2)(x-4)$ 4. $(x-2)(x+4)$

(イ) 次の連立方程式を解きなさい。

$$\begin{cases} 3x-2y=9 \\ 2x-3y=11 \end{cases}$$

1. $x=-10, y=-3$ 2. $x=1, y=-3$ 3. $x=1, y=6$ 4. $x=5, y=3$

(ウ) 関数 $y=2x^2$ について、 x の値が2から5まで増加するときの変化の割合を求めなさい。

1. 2 2. 6 3. 14 4. 42

(エ) $x = \sqrt{7} + \sqrt{3}$, $y = \sqrt{7} - \sqrt{3}$ のとき, $x^2y - xy^2$ の値を求めなさい。

1. $4\sqrt{3}$ 2. $4\sqrt{7}$ 3. $8\sqrt{3}$ 4. $8\sqrt{7}$

(オ) 表面積が $36\pi \text{ cm}^2$ である球の半径を $p \text{ cm}$, 表面積が $100\pi \text{ cm}^2$ である球の半径を $q \text{ cm}$ とするとき, p と q の比を最も簡単な整数の比で表しなさい。ただし, π は円周率を表すものとする。

1. $p : q = 3 : 25$ 2. $p : q = 9 : 50$ 3. $p : q = 9 : 25$ 4. $p : q = 3 : 5$

(カ) 右の度数分布表は, あるクラスの女子生徒20人の 20m シャトルランの記録をまとめたものである。この度数分布表から求められる記録の平均値を答えなさい。

1. 53.0回 2. 53.5回
3. 54.0回 4. 54.5回

階級(回)	度数(人)
以上 未満 30 ~ 40	3
40 ~ 50	5
50 ~ 60	6
60 ~ 70	4
70 ~ 80	2
計	20

問3 次の問いに答えなさい。

(ア) 右の図1は, 面積が 72cm^2 の正方形である。

この正方形から, 影をつけた部分を切り取ると, 残った部分はある立方体の展開図になる。

右の図2は, この展開図を点線で折り曲げてできた立方体である。

このとき, この立方体の1辺の長さを求めなさい。

図1

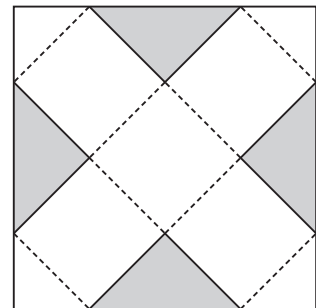
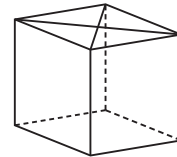


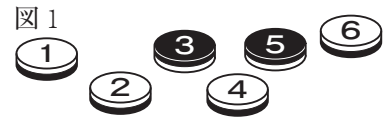
図2



(イ) Aさんの家から公園までの道のりは $a \text{ km}$, 公園から学校までの道のりは $b \text{ km}$ である。Aさんが, Aさんの家から公園までは自転車で時速 12km で走り, 公園で友人を3分間待ち, 公園から学校までは友人と話しながらか分速 60m で歩いたところ, Aさんの家から学校まで t 分間かかった。

このとき, t を a と b を使った式で表しなさい。

問5 右の図1のように、片方の面が白、もう片方の面が黒である同じ大きさで平らな円形の石が6個ある。これら6個の石の白と黒の両面には1, 2, 3, 4, 5, 6の数がそれぞれ1つずつ書かれており、両面に書かれた数は同じである。



これら6個の石が、図2のように、すべて白の面を上にして、番号順に横一列で接するように並べられている。



大, 小2つのさいころを同時に1回投げ, 出た目の数によって, 次の【操作1】, 【操作2】, 【操作3】を順に行うこととする。

【操作1】大きいさいころの出た目の数を a として, a 以下の数が書かれた石をすべて裏返す。ただし, $a=1$ のときは1が書かれた石だけ裏返す。

【操作2】小さいさいころの出た目の数を b として, b 以下の数が書かれた石をすべて裏返す。ただし, $b=1$ のときは1が書かれた石だけ裏返す。

【操作3】白の面が上になっているすべての石の, 白の面に書かれた数の積を求める。

例

大きいさいころの出た目の数が4, 小さいさいころの出た目の数が2のとき, 【操作1】で図2の4以下の数が書かれた石をすべて裏返し, 【操作2】で2以下の数が書かれた石をすべて裏返す。

この結果, 図3のように, 1, 2, 5, 6が書かれた石は白の面が上になり, 3, 4が書かれた石は黒の面が上になっている。【操作3】で白の面が上になっている1, 2, 5, 6の石に書かれた数の積を求めると, $1 \times 2 \times 5 \times 6 = 60$ となる。



いま, 6個の石が図2のように並べられている状態で, 大, 小2つのさいころを同時に1回投げるとき, 次の問いに答えなさい。ただし, 大, 小2つのさいころはともに, 1から6までのどの目が出ることも同様に確からしいものとする。

(ア) 積が5の倍数となる確率として正しいものを次の1~6の中から1つ選び, その番号を答えなさい。

1. $\frac{1}{3}$

2. $\frac{7}{18}$

3. $\frac{4}{9}$

4. $\frac{1}{2}$

5. $\frac{5}{9}$

6. $\frac{2}{3}$

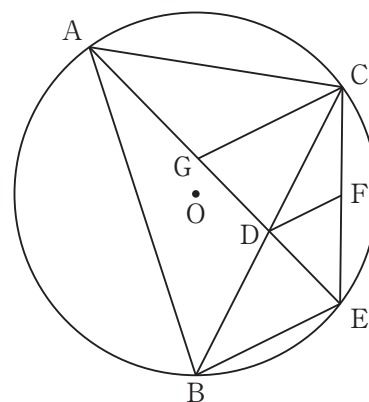
(イ) 積が240の倍数となる確率を求めなさい。

問7 右の図のように、円Oの周上に3点A, B, Cを $AB > AC$ となるようにとり、線分BCの中点をDとする。

また、線分ADの延長と円Oとの交点で点Aとは異なる点をEとし、点Bと点Eを結ぶ。

さらに、線分CEの中点をFとし、点Dと点Fを結ぶ。

このとき、次の問いに答えなさい。



(ア) 三角形ABCと三角形FEDが相似であることを次のように証明した。

[証明]

$\triangle ABC$ と $\triangle FED$ において、

まず、 \widehat{AC} に対する円周角は等しいから、

$$\angle ABC = \angle AEC$$

よって、 $\angle ABC = \angle FED$ ①

次に、(i) から、

$$\angle ACB = \angle AEB$$
②

また、 $\triangle CBE$ において、点Dは辺CBの中点、点Fは辺CEの中点であるから、中点連結定理より、

$$\text{(ii)}$$
③

③より、平行線の錯角は等しいから、

$$\angle BED = \angle FDE$$

よって、 $\angle AEB = \angle FDE$ ④

②, ④より、 $\angle ACB = \angle FDE$ ⑤

①, ⑤より、2組の角がそれぞれ等しいから、

$$\triangle ABC \sim \triangle FED$$

この証明を完成させるために、(i) に適する根拠となることばを、(ii) に適する式を、それぞれ具体的な点、角、弧、辺などを明らかにして書きなさい。

(イ) 線分AE上に点Gを $GC \parallel BE$ となるようにとる。 $AC = 5 \text{ cm}$, $CG = 3 \text{ cm}$ のとき、線分AGと線分DEの長さの比を最も簡単な整数の比で表しなさい。

(問題は、これで終わりです。)